

# Éléments de cryptologie

François Pouit

September 7, 2022



## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

# Introduction

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange Diffie-Hellmann

### Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

### Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

### Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

La cryptologie repose sur le principe suivant : un message source  $M$  ( “ en clair ” ) est transformé par un algorithme  $f$  en un autre message  $C = f(M)$ , dit “ codé ” ou “ crypté ”.

La différence est due aux objectifs visés, qui séparent les algorithmes en trois classes :

## A. La transformation est réversible

la fonction  $f$  est injective, et la machine peut reconstituer exactement  $M$  à partir de  $C$ . à cette classe appartiennent les algorithmes de cryptage/décryptage permettant de transmettre des informations confidentielles, et les algorithmes de compression de type ZIP. La différence est que dans le premier cas la reconstitution doit être quasiment impossible sans la connaissance précise de certains éléments appelés “ clés ”.

### Généralités

#### Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

### Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

### Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## B. La transformation est presque réversible

la machine peut reconstituer à partir de C un message “ assez proche ” de M. C’est le cas des assembleurs, qui passent du langage d’assemblage au langage machine, la transformation inverse étant effectuée par le “ désassembleur ” ( les commentaires du programmeur ainsi que les déclarations et directives sont évidemment perdus ); c’est aussi le cas des algorithmes de compression du type JPEG ( Join Photograph Expert Group ) qui permettent de retrouver une image ressemblant à l’image de départ.

### Généralités

#### Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

### Types d’algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

### Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d’échange  
Diffie-Hellmann

## C. La transformation n'est absolument pas réversible

on n'a pas besoin de connaître  $M$  à partir de  $C$  :  $f$  n'est pas injective. Ce mode de cryptage correspond à certains algorithmes permettant d'identifier un utilisateur au moyen d'un mot de passe : la machine garde en mémoire l'algorithme  $f$  et le code  $C$ , et, quand l'utilisateur entre son mot de passe  $M$ , elle compare directement  $C$  avec  $f(M)$ .

Toutefois les algorithmes d'identification usuels utilisent plutôt les standard décrits dans la suite.

### Généralités

#### Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

### Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

### Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

La **cryptographie** vient du grec “ kryptos ”, caché, est l'art d'établir des communications secrètes. Elle joue un rôle économique et militaire.

Le **chiffrement** ou **cryptage** rend un message incompréhensible pour un adversaire ou intru.

Le **déchiffrement** ou **décryptage** redonne au message reçu son caractère compréhensible.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement assymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann



## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

La **cryptanalyse** est l'art du déchiffrement et du chiffrement des messages “ ennemis ”.

Un **algorithme cryptographique** est l'ensemble des procédures qui permettent une communication incompréhensible pour un “ intrus ”.

La **cryptologie** est la partie des mathématiques concernant la cryptographie et la cryptanalyse.

la cryptanalyse a des rapports avec la traduction ou le déchiffrement des langages naturels ( français, anglais, breton ...). Il est évidemment impossible de déchiffrer un message unique si l'on a pas une idée de son contenu.

Dans certains cas, il n'y a pas de déchiffrement, on se contente de valider un message crypté ( mots de passe, signatures ...).

Il est possible ( et la méthode est connue depuis longtemps de faire passer de façon “ transparente ”, un message crypté dans un message en clair ( programme, image, poème...); une image de  $1024 \times 1024$  peut servir par exemple à cacher un texte de 64 ko.

Il est possible de se servir d'un algorithme de compression comme algorithme de cryptage, si la technique de compression est secrète.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

Les algorithmes cryptographiques peuvent être :

à algorithme privé : ce sont soit des algorithmes cryptographiques militaires, soit des algorithmes cryptographiques illégaux.

à algorithme publics : c'est le cas des algorithmes cryptographiques utilisés sur internet, et on distingue alors :

- \* les algorithmes à “clés privées” : dans ce cas, les paramètres de l'algorithme de cryptage et de l'algorithme de décryptage sont connus des deux utilisateurs.

- \* les algorithmes à “clés publiques” : la clé de cryptage est connue de plusieurs utilisateurs, la clé de décryptage reste privée.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

L'hypothèse de base du cryptographe est que le cryptanalyste connaît l'algorithme. C'est à dire que son algorithme doit résister à une attaque même si le cryptanalyste en connaît tous les détails.

On distingue les types d'attaque suivants :

- attaque à texte chiffré connu : le cryptanalyste dispose de plusieurs textes chiffrés avec la même clé, il essaye de trouver des messages lisibles, et si possible la clé.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

- attaque exhaustive : avec un seul texte chiffré, essayer toutes les clés possibles pour trouver un message lisible.
- Attaque à texte en clair connu : le cryptanalyste dispose non seulement de plusieurs textes chiffré avec la même clé, mais aussi des textes en clair correspondants il essaye de trouver alors la clé, ou un algorithme de décryptage.
- attaque à texte en clair choisi : le cryptanalyste dispose de la machine à crypter, impossible à désassembler, et il veut décrypter les messages reçus.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

- attaque à texte chiffré choisi : inversement, le cryptanalyste dispose de la machine à décrypter, et veut trouver le moyen de crypter de nouveaux messages.
- Attaque des anniversaires : essayer de trouver deux messages en clair produisant le même texte chiffré ( pour casser un système d'authentification ).

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann



Les algorithmes de classe A sont eux-mêmes divisés en deux groupes ( suivant la connaissance qu'ont les utilisateurs de l'application réciproque  $f^{-1}$  ) :

les algorithmes standard, du type DES, qui utilisent la même clé ( secrète ) au cryptage et au décryptage.  
Si l'algorithme est public, comme DES, celui qui connaît  $f$  connaît aussi  $f^{-1}$ .

Les algorithmes dits “ à clé publique ”, qui séparent la clé e de cryptage de la clé d de décryptage.

On peut connaître  $f$  sans pour autant connaître  $f^{-1}$ .

Font partie de ce type, l'algorithme de Rivest, Shamir, et Adleman ( RSA ) et celui de McEliece et Niederreiter.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

Méthode de chiffrement utilisée depuis l'antiquité : la lettre  $C(i)$  est obtenue à partir de  $M(i)$  par une permutation de l'alphabet. Le système n'a pas résisté aux progrès des probabilités.

voir

[http://fr.wikipedia.org/wiki/Chiffrement\\_par\\_décalage](http://fr.wikipedia.org/wiki/Chiffrement_par_décalage)



## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

# Algorithmes du type VERNAM

Méthode de chiffrement utilisée par les Allemands jusqu'à la seconde guerre mondiale ( machine Enigma ) :

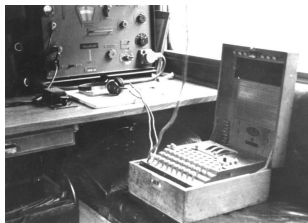
voir

[https://fr.wikipedia.org/wiki/Enigma\\_\(machine\)](https://fr.wikipedia.org/wiki/Enigma_(machine))

$$C(i) = ( M(i) + e(i \bmod l(e)) ) \bmod 26,$$

Ou  $l(e)$  est la longueur de la clé  $e$ .

Bien que simple, ce système est complètement invulnérable quand il est utilisé en “ masque aléatoire jetable ”.



## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

### Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

**Algorithmes du type VERNAM.**

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

Le chiffrement par la méthode du masque jetable consiste à combiner le message en clair avec une clé présentant les caractéristiques très particulières suivantes :

La clé doit être une suite de caractères au moins aussi longue que le message à chiffrer.

Les caractères composant la clé doivent être choisis de façon totalement aléatoire.

Chaque clé, (ou masque) , ne doit être utilisée qu'une seule fois (d'où le nom de masque jetable).

Proposé par Horst Feistel (1973), il est à la base de la plupart des algorithmes modernes à clés secrètes (DES en particulier).

- ▶ Système de chiffrement par blocs
- ▶ Division d'un bloc en 2 parties égales
- ▶ Chiffrement de la première partie par une fonction  $F$  avec une clé  $K$
- ▶ Modification de la seconde partie par un XOR avec la première partie chiffrée
- ▶ Permutation des 2 parties
- ▶ On répète l'opération  $n$  fois
- ▶ Chaque itération s'appelle une ronde
- ▶ A chaque ronde, la clé va changer pour renforcer le processus

Le chiffrement et le déchiffrement s'effectuent suivant le même principe

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

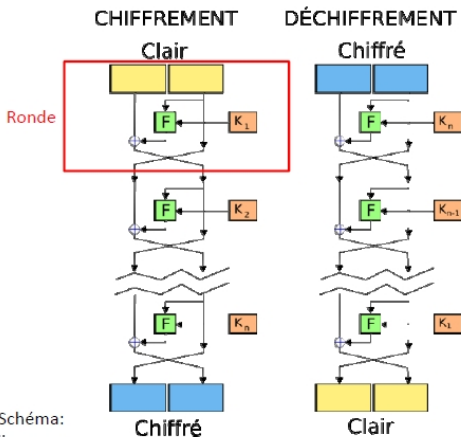
Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-HellmannSource Schéma:  
wikipédia

Voir :

[https://fr.wikipedia.org/wiki/Data\\_Encryption\\_Standard](https://fr.wikipedia.org/wiki/Data_Encryption_Standard)

<https://web.maths.unsw.edu.au/~lafaye/CCM/crypto/des.htm>

Cet algorithme utilise une clé de 8 octets ( dont 56 bits significatifs et 8 bits de parité ).

Il y a donc  $2^{56}$  clés possibles, soit à peu près  $7.10^{16}$ .

En faisant un essai tous les millièmes de seconde il faudrait en moyenne 1000 ans pour trouver la bonne clé.  
Le cryptage est réalisé par un subtil mélange au niveau du bit.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

1. Le texte est fractionné en blocs de 64 bits.
2. Pour chaque bloc on fait :
  - 2.1 une permutation initiale
  - 2.2 un découpage en deux parties  $G_0$  et  $D_0$ .
  - 2.3 pour chaque paire  $(D_n, G_n)$  faire 16 fois :
    - ▶ Détermination d'une clé  $K_n$
    - ▶  $D_{n+1} = G_n \text{ Xor } F(K_n, D_n)$
    - ▶  $G_{n+1} = D_n$
  - 2.4 les deux parties  $G_{15}$  et  $D_{15}$  sont recollées
  - 2.5 une permutation inverse de la première

L'algorithme est très rapide, et 10 fois plus encore s'il est implémenté en circuits logiques.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

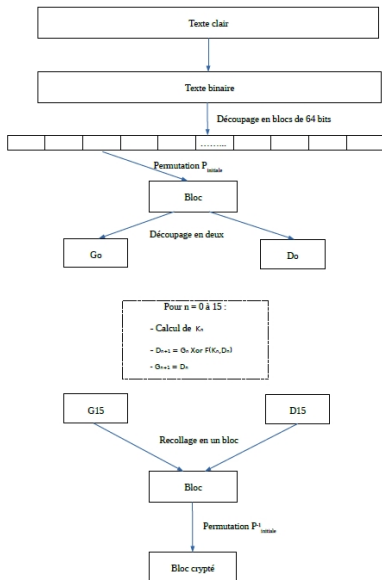
Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann



# Algorithme DES : Algorithme général



## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## étape 2.1 : La permutation initiale :

PI	58	50	42	34	26	18	10	2
	60	52	44	36	28	20	12	4
	62	54	46	38	30	22	14	6
	64	56	48	40	32	24	16	8
	57	49	41	33	25	17	9	1
	59	51	43	35	27	19	11	3
	61	53	45	37	29	21	13	5
	63	55	47	39	31	23	15	7

## étape 2.2 : on obtient ensuite $G_0$ et $D_0$ :

$G_0$	58	50	42	34	26	18	10	2
	60	52	44	36	28	20	12	4
	62	54	46	38	30	22	14	6
	64	56	48	40	32	24	16	8

$D_0$	57	49	41	33	25	17	9	1
	59	51	43	35	27	19	11	3
	61	53	45	37	29	21	13	5
	63	55	47	39	31	23	15	7

### Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

### Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

### Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

**Algorithme DES ( Data Encryption Standard )**

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## étape 2.3 calcul de la clé $K_n$

On calcule une *master key* de 64 bits au hasard.

Génération de clés à partir de cette *master key* :

- ▶ à partir de la clé de 64 bits on extrait à l'aide d'une permutation, une clé de 56 bits.(suppression des 8 derniers bits).
- ▶ découpage en deux blocs de 28 bits.
- ▶ ces blocs subissent un décalage de bits vers la gauche

Ronde	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
Nbre de décalage	1	1	2	2	2	2	2	2	1	2	2	2	2	2	2	1

- ▶ on recolle les blocs
- ▶ on refait une permutation : transformation en clé de 48 bits pour la ronde.

### Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

### Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

### Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## étape 2.3 : fonction F

La fonction F :

- extension du bloc  $D_n$  de 32 bits en un bloc E de 48 bits, en répétant certains bits :

E	32	1	2	3	4	5
	4	5	6	7	8	9
	8	9	10	11	12	13
	12	13	14	15	16	17
	16	17	18	19	20	21
	20	21	22	23	24	25
	24	25	26	27	28	29
	28	29	30	31	32	1

### Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

### Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

### Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

**Algorithme DES ( Data Encryption Standard )**

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## étape 2.3 : fonction F

- ▶ On peut faire un XOR entre E et la clé  $K_n = D_n^*$ .
- ▶ le bloc  $D_n^*$  obtenu est ensuite découpé en 8 blocs de 6 bits
- ▶ on passe chaque bloc de 6 bits dans une fonction de substitution S :
  - ▶ S permet de passer de 6 bits à 4 bits
  - ▶ Pour cela les bits 1 et 6 de chaque bloc nous permet de déterminer la ligne
  - ▶ Les bits 2,3,4,5 servent à trouver la colonne
  - ▶ Avec la ligne et la colonne on peut trouver une valeur qu'il suffit de coder en binaire
- ▶ cette fonction S change à chaque ronde
- ▶ On recolle ensuite les 8 blocs de 4 bits = 32 bits, ce qui nous donne  $F(K_n, D_n)$

### Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

### Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

### Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## étape 2.3 : fonction F

Exemple de fonction  $S$ , avec bloc de 6 bits =  $(110111)$

no ligne =  $(11)_2 = (3)_{10}$ .

no colonne =  $(1011)_2 = (11)_{10}$ .

si la fonction  $S_1$  est :

$S_1$		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
	0	14	4	13	1	2	15	11	8	3	10	6	12	5	9	0	7
	1	0	15	7	4	14	2	13	1	10	6	12	11	9	5	3	8
	2	4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	0
	3	15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	13

le bloc de sortie sera donc  $(14)_{10} = (1110)_2$ .

### Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

### Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

### Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

**étape 2.4** : une fois les 16 rondes effectuées on réunit les deux blocs  $G = G_{16}$  et  $D = D_{16}$ .

**étape 2.5** : le bloc obtenu subit la permutation inverse de la première :

PI-1	40	8	48	16	56	24	64	32
	39	7	47	15	55	23	63	31
	38	6	46	14	54	22	62	30
	37	5	45	13	53	21	61	29
	36	4	44	12	52	20	60	28
	35	3	43	11	51	19	59	27
	34	2	42	10	50	18	58	26
	33	1	41	9	49	17	57	25

On obtient ainsi le bloc crypté et on répète l'opération pour tous les blocs.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

**Algorithme DES ( Data Encryption Standard )**

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

- ▶ taille assez faible
- ▶ conception assez opaque de la fonction S (tout de même validée par la cryptanalyse différentielle dans les années 90).
- ▶ non adaptation à l'évolution de la puissance de calcul (DES cassé en 1998 par la machine DeepCrack pour un coût de 200000 dollars)
- ▶ possibilité de réduire encore le temps (une trentaine d'heure pour craquer une clé DES par force brute avec 1000 pc cadencés à 1Ghz fonctionnant en parallèle)

amélioration en triple DES : à vous de chercher ...

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann



Voir :

[https://fr.wikipedia.org/wiki/Advanced\\_Encryption\\_Standard](https://fr.wikipedia.org/wiki/Advanced_Encryption_Standard)

C'est le nouveau standard de chiffrement pour les organisations du gouvernement des États-Unis. Il a été approuvé par la NSA (National Security Agency) dans sa suite B1 des algorithmes cryptographiques. Il est actuellement le plus utilisé et le plus sécuritaire.

L'algorithme prend en entrée des blocs de 128 bits (16 octets), la clé fait 128, 192 ou 256 bits. Les 16 octets en entrée sont permutés selon une table définie au préalable.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

- ▶ gestion des nombreuses clés
  - ▶ une clé par canal de com entre les deux entités
  - ▶ explosion du nombre de clés
- ▶ échange sécurisé des clés
  - ▶ valise diplomatique ?
  - ▶ authentification, garantie d'intégrité ...

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

**chiffrement asymétrique**

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

Principe : James Ellis (1969) et Witfield Diffie (1975)  
Couple de clés :

- ▶ Clé publique que l'on peut diffuser : P
- ▶ Clé secrète que l'on ne communique jamais : p
- ▶ Deux fonctions D et C telles que :
- ▶  $D(a,b)$  : déchiffrer le cryptogramme b avec la clé a
- ▶  $C(a,b)$  : chiffrer le message b avec la clé a
- ▶  $D(p,C(P,M)) = D(P,C(p,M)) = M$

La construction du couple de clés

- Choix d'une clé secrète aléatoire
- Génération de la clé publique à partir de la clé secrète

Par contre, échange des clés par un canal non sûr, espionné par Roger...

- ▶ Force de l'algorithme = relation entre les deux clés
- ▶ Faire en sorte qu'il soit impossible de retrouver la clé privée à partir de la publique
- ▶ Utilisation de fonctions unidirectionnelles munies de portes arrières

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

- ▶ Fonction unidirectionnelle  $y=f(x)$  telle que si on connaît  $y$  il est très difficile voire impossible de retrouver  $x$  sans la clé privée.
- ▶ Exemple : factorisation des grands nombres
- ▶ Fonction munie d'une porte arrière : il existe  $x = g(y, z)$  telle que si l'on connaît  $z$ , il est facile de calculer  $x$  à partir de  $y$
- ▶ Toute la difficulté consiste à trouver  $f$  et  $g$  : mathématiquement complexe !

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement assymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

# Algorithme RSA de Ron Rivest, Adi Shamir, et Len Adelman

Rivest, Shamir et Adleman (1977)



- Basé sur la factorisation de deux grands nombres entiers.
- Utilisation de nombres premiers
- Pas de limite sur la taille des clés
- Adaptation à la loi de Moore
- RSA 512 et RSA 768 cassés en 1999 et 2010
- Plus de 5000 coeurs utilisés par l'INRIA pour RSA 768
- Utilisation de clés d'au moins 1024 ou 2048 bits

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

**chiffrement asymétrique**

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

Cet algorithme est fondé sur l'hypothèse que la recherche des facteurs premiers d'un nombre entier  $n$  de plus de 100 chiffres est impossible à réaliser dans un délai raisonnable (c'est à dire au moins un siècle).

Du point de vue du cryptage il est au moins 100 fois plus lent que DES. Le message à envoyer est divisé en morceaux, et chaque morceau est converti en un nombre entier positif  $M_i$ .

On choisit d'abord deux nombres premiers  $p$  et  $q$  le plus grand possible ( au moins 50 chiffres ). Pour que l'algorithme fonctionne correctement, il faut que chaque nombre  $M_i$  (représentant une partie du texte à coder) soit inférieur à  $p$  et  $q$ .

On pose  $n = p \times q$  et  $\varphi(n)$  la fonction d'Euler.

On choisit un autre entier  $e$ , entre 2 et  $\varphi(n)$ , et premier avec  $\varphi(n)$ . Le plus simple est de prendre  $e$  premier, ne divisant pas  $\varphi(n)$ .

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

**chiffrement asymétrique**

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann



On résout ensuite une identité de Bézout :

$$ed + k \varphi(n) = 1.$$

afin de trouver l'inverse d de e dans  $\mathbb{Z}/\varphi(n)\mathbb{Z}$ . ( on peut le faire en remontant l'algorithme d'Euclide ).

Les nombres n et e sont les clés publiques de cryptage.

Les nombres p, q et  $\varphi(n)$  peuvent être oubliés, mais ne doivent absolument pas être rendus publics.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

Le cryptage :

Supposons le message (ou une partie) transformé en un entier  $M < p$  et  $q$ . Le crypteur calcule le reste de la division de  $M^e$  par  $n$  :  $M'$ .

Le décryptage :

Le décrypteur reçoit le nombre  $M'$ . il calcule le reste de la division de  $M'^d$  par  $n$ , qui par le th d'Euler n'est autre que  $M$  :

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

Ainsi pour décrypter un message reçu crypté il faut connaître  $d$ .

comme dit plus haut la clé publique est  $n$  et  $e$ .

Les nombres  $p$ ,  $q$  et  $\phi(n)$  sont secrets.

Pour connaître  $d$  il faut connaître donc  $\phi(n)$ , c'est à dire être capable de décomposer  $n$  en produit de facteurs premiers.

Or ce problème est très coûteux à résoudre car il demande un temps calcul trop important pour des nombres  $n$  très grands.

C'est sur ce fait qu'est basé la sécurité du RSA.

voir

[https://fr.wikipedia.org/wiki/](https://fr.wikipedia.org/wiki/D%C3%A9composition_en_produit_de_facteurs_premiers)

*Décomposition en produit de facteurs premiers*

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

Pour générer la clé il faut trouver des nombres premiers très grands.

Il existe des algorithmes probabilistes très rapides pour trouver des grands nombres premiers (  $p$  et  $q$  ). Ces algorithmes offrent une probabilité très forte d'obtention de nombres premiers.

C'est à l'aide de ces algorithmes que l'on génère une clé RSA.

voir

[https://fr.wikipedia.org/wiki/Test\\_de\\_primalité](https://fr.wikipedia.org/wiki/Test_de_primalité)

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

Montrons que  $M'^d \equiv M [n]$ .

En effet :

le cryptage nous donne :

$M' \equiv M^e [n]$ , donc :

$$M'^d \equiv (M^e)^d [n] \equiv M^{ed} [n].$$

or :  $ed \equiv 1 [\phi(n)]$ , avec  $\phi(n) = (p-1)(q-1)$ .

donc  $M'^d \equiv M.M^{k(p-1)(q-1)} [n]$ ,  $k$  étant un entier.

donc  $M'^d \equiv M.(M^{(p-1)})^{k(q-1)} [n]$ .

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

donc  $M'^d \equiv M.M^{k(p-1)(q-1)} [n]$ ,  $k$  étant un entier.

donc  $M'^d \equiv M.(M^{(p-1)})^{k(q-1)} [n]$ .

Or  $M$  est premier avec  $p$ , donc par le petit th de Fermat :

$$M^{p-1} \equiv 1[p]$$

c'est à dire :  $(M^{(p-1)})^{k(q-1)} \equiv 1[p]$

donc  $(M^{(p-1)})^{k(q-1)} = 1 + ap$ , avec  $a$  entier.

De même  $M$  est premier avec  $q$  donc :

$(M^{(q-1)})^{k(p-1)} = (M^{(p-1)})^{k(q-1)} = 1 + bq$ , avec  $b$  entier.

## Généralités

Principe

Jeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

donc  $ap = bq$ , avec  $p$  et  $q$  premiers entre eux.

par le th de Gauss :  $a$  est divisible par  $q$  et  $b$  divisible par  $p$ , donc :

$a = a'q$  et  $b = b'p$ ,  $a'$  et  $b'$  étant des entiers.

On reporte cela, et on obtient :

$$(M^{(p-1)})^{k(q-1)} = 1 + a'pq = 1 + a'n \equiv 1[n]$$

et donc finalement :  $M'^d \equiv M [n]$  : CQFD.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

Standard dans le domaine de la cryptographie asymétrique.

- Fiable si clés de taille suffisante
- Adaptation à la loi de Moore et évolution de la clé

Algorithme d'ElGamal (1987)

- Alternative à RSA (utilisation de RSA limitée par brevet jusqu'au début des années 2000)
- El Gamal : non breveté
- Utilisé dans PGP (Pretty Good Privacy) et GPG (GNU Privacy Guard)
- Utilisé pour les signatures électroniques dans DSA (Digital Signature Algorithm)

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

**chiffrement asymétrique**

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann



## RSA : Communications sécurisées pour tous

- Chiffrement asymétrique basé sur RSA
- Publication de la clé publique de tous les partenaires
- Stockage des clés publiques dans des annuaires hébergés chez des tiers de confiance
- Annuaire : maillon faible de la solution
- Violation d'intégrité des clés publiques et MITM

## RSA et authentification

- Chiffrement avec clé privée, déchiffrement avec clé publique associée
- Preuve de source du message
- Notion de challenge et authentification du partenaire

### Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

### Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

### Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

#### chiffrement assymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

le chiffrement à clé symétrique BEAUCOUP plus rapide !

	Débit de chiffrement	
	Matériel dédié	Logiciel
RSA Clés 1024 bits	300kb/s	21,6kb/s
DES Clé de 56 bits	300Mb/s	2,1Mb/s

donc basculement vers le chiffrement symétrique après échange de la clé secrète, protégée au moyen d'un algorithme asymétrique.

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

### chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann



Comment s'assurer de la confidentialité lors de l'échange de messages.

Ce protocole d'échange a la particularité de ne pas nécessiter la rencontre préalable à la transmission du message entre l'expéditeur (Alice) et le destinataire (Bob).

## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographiques.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

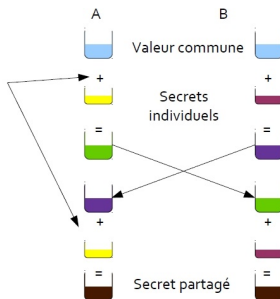
Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange  
Diffie-Hellmann

# protocole d'échange Diffie-Hellmann

Fonction dont le calcul direct est facile mais le calcul inverse est extrêmement complexe



## Généralités

Principe

Enjeux et vocabulaire de la cryptographie.

## Types d'algorithmes cryptographique.

Cryptanalyse.

## Algorithmes cryptographiques passés et actuels.

Algorithmes du type CESAR, ou à permutation.

Algorithmes du type VERNAM.

Algorithme DES ( Data Encryption Standard )

Algorithme AES ( Advanced Encryption Standard )

chiffrement asymétrique

Protocole d'échange Diffie-Hellmann